

Algoritmi di ordinamento

Il problema

- Vogliamo ordinare un array monodimensionale in modo crescente
 - per il caso decrescente valgono le stesse considerazioni
- Vari algoritmi possibili
 - Diverse caratteristiche di complessità computazionale

Un primo algoritmo: selection sort

- Abbiamo un array a di lunghezza N
 - Al primo passo scegliamo il valore minimo fra tutti quelli presenti nell'array e lo spostiamo nella posizione 0
 - Al passo 1 scegliamo il minimo fra tutti i valori in posizione $1, 2, \dots, N-1$ e lo scambiamo con il valore in posizione 1
 - Al passo i scegliamo il minimo fra tutte le posizioni $i, i+1, \dots, N-1$
e lo scambiamo con il valore in posizione i

Selection sort: esempio

5	2	4	6	1	3
1	2	4	6	5	3
1	2	4	6	5	3
1	2	3	6	5	4
1	2	3	4	5	6
1	2	3	4	5	6
1	2	3	4	5	6

Selection sort: codifica

```
/* calcola la posizione del minimo elemento di
v nella porzione [from,to] */
int minPos(int * v, int from, int to);
/* scambia il valore delle variabili puntate da p e q */
void swap(int *p, int *q);
void selectionSort(int * v, int dim) {
    int i, min;
    for(i=0; i<dim-1; i++){
        min = minPos(v, i, dim-1);
        swap(v+i, v+min);
    }
}
/* swap, minPos le implementiamo in laboratorio */
```

Insertion Sort

- Assumiamo che la sequenza da ordinare sia partizionata in una sottosequenza già ordinata, all'inizio composta da un solo elemento, e una ancora da ordinare.
- Alla k -esima iterazione, la sequenza già ordinata contiene k elementi.
- Alla k -esima iterazione, viene rimosso un elemento dalla sottosequenza non ordinata e inserito nella posizione corretta della sottosequenza ordinata, estendendola così di un elemento.

Insertion Sort: esempio

3	7	4	9	5	2	6	1
3	7	4	9	5	2	6	1
3	7	4	9	5	2	6	1
3	4	7	9	5	2	6	1
3	4	7	9	5	2	6	1
3	4	5	7	9	2	6	1
2	3	4	5	7	9	6	1
2	3	4	5	6	7	9	1
1	2	3	4	5	6	7	9

Insertion Sort: Codifica

```
void insertionSort(int * A, int len) {  
    int i, j;  
    int key;  
    for(i = 1; i < len; i++) {  
        key = A[i];  
        j = i - 1;  
        while (( j >= 0 ) && (A[j]> key)) {  
            A[j+1] = A[j];  
            j--;  
        }  
        A[j+1] = key;  
    }  
}
```

Algoritmo Merge-Sort

- Utilizza uno schema di soluzione *divide et impera*
 - *Decomposizione*: Si divide il problema in piu' sottoproblemi
 - *Ricorsione*: Si risolvono i sottoproblemi
 - *Combinazione*: Si combina la soluzione dei sottoproblemi nella soluzione complessiva del problema di partenza

Algoritmo Merge-Sort

- Per l'ordinamento di un array
 - *Decomposizione*: Si divide l'array in due parti di lunghezza simile
 - *Ricorsione*: Si ordinano le due parti
 - *Combinazione*: Si combinano i due array ordinati

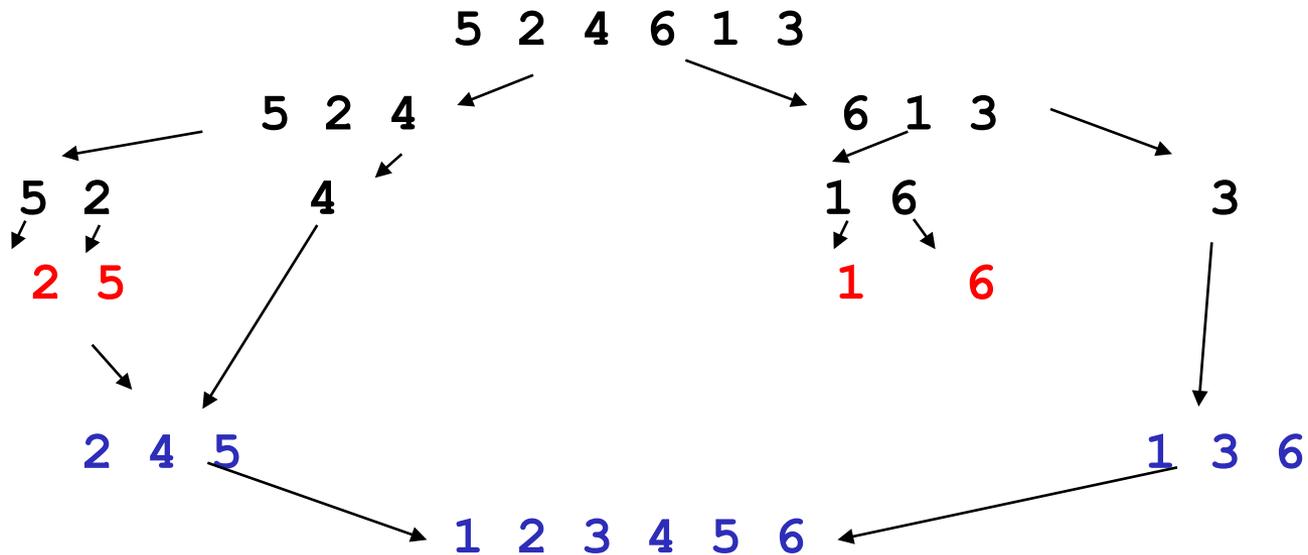
Merge sort: codifica

```
void mergeRicorsivo(int * a, int from, int to) {
    int mid;
    if (from < to) { /* l'intervallo da mid a to, estremi
        inclusi, comprende almeno due elementi */
        mid = (from + to) / 2;
        mergeRicorsivo(a, from, mid);
        mergeRicorsivo(a, mid+1, to);
        merge(a, from, mid, to); /* fonde le due porzioni
        ordinate [from, mid], [mid+1, to] nel sottovettore
        [from, to] */
    }
}
```

Merge sort: codifica

```
void sort(int * v, int dim) {  
    mergeRicorsivo(v, 0, dim-1);  
}
```

Esempio:



```

void merge(int* a, int from, int mid, int to) {
    int b[LUNG]; /* vettore di appoggio */
    int i = from, j = mid + 1; /* scorrono la prima e la seconda
        parte di a */
    int k= from; /* scorre b */
    /* copio il minore dalla prima o dalla seconda porzione */
    while (i <= mid && j <= to) {
        if (a[i] <= a[j]) {
            b[k] = a[i];
            i++; /* copia dalla prima porzione ed avanza l'indice
                */ }
        else {
            b[k] = a[j] ;
            j++; /* copia dalla seconda porzione ed avanza l'indice */
        }
        k++;
    } /* fine while */
} /* ... Segue ... */

```

```
void merge(int* a, int from, int mid, int to) {  
    .....  
    /* controllo quale porzione è finita prima e copio quello  
    che rimane dell'altra nel vettore di appoggio */  
    if ( i > mid )  
        for ( ; j <= to ; j++, k++ )  
            b[k] = a[j] ;  
    else  
        for ( ; i <= mid ; i++, k++ )  
            b[k] = a[i] ;  
  
    /* ricopia tutti gli elementi ordinati da b ad a */  
    for ( k = from ; k <= to ; k++ )  
        a[k] = b[k] ;  
} /* fine merge */
```

```
/* un possibile main */  
#define LUNG 10  
  
int main (void) {  
    int a[LUNG];  
    leggi(a, LUNG);  
    mergeSort(a, LUNG);  
    stampa(a,LUNG);  
    return 0;  
} /* fine main */
```

Algoritmo Quicksort

- *Anche qua divide et impera*
 - *Decomposizione*: Si sceglie un elemento dell'array da ordinare (il pivot)
 - *Ricorsione*: Si crea l'array a degli elementi minori del pivot e l'array b degli elementi maggiori del pivot e si ordinano ricorsivamente
 - *Combinazione*: Si combinano gli array ottenuti nell'array complessivo ordinato

Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :

2 8 7 1 3 5 6 4

Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :

2 8 7 1 3 5 6



Pivot

Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :

2	8	7	1	3	5	6	4
2	8	7	1	3	5	6	4
2	8	7	1	3	5	6	4

Array dei valori maggiori del pivot

Array dei valori minori del pivot

Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :

2	8	7	1	3	5	6	4
2	8	7	1	3	5	6	4
2	8	7	1	3	5	6	4

Array dei valori maggiori del pivot

Array dei valori minori del pivot

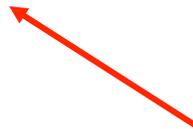
Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :

2	8	7	1	3	5	6	4
2	8	7	1	3	5	6	4
2	1	7	8	3	5	6	4



Array dei valori maggiori del pivot



Array dei valori minori del pivot

Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :

2	8	7	1	3	5	6	4
2	8	7	1	3	5	6	4
2	1	3	8	7	5	6	4

Array dei valori maggiori del pivot

Array dei valori minori del pivot

Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :

2	8	7	1	3	5	6	4
2	8	7	1	3	5	6	4
2	1	3	8	7	5	6	4

Array dei valori maggiori del pivot

Array dei valori minori del pivot

Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :

2	8	7	1	3	5	6	4
2	8	7	1	3	5	6	4
2	1	3	8	7	5	6	4

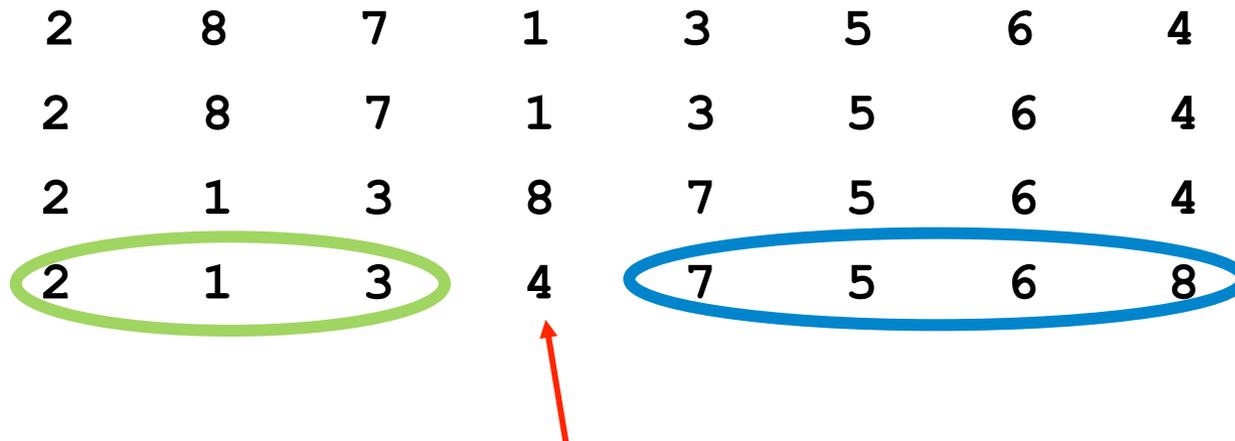
Array dei valori maggiori del pivot

Array dei valori minori del pivot

Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :

2	8	7	1	3	5	6	4
2	8	7	1	3	5	6	4
2	1	3	8	7	5	6	4
2	1	3	4	7	5	6	8



Sposto il pivot scambiandolo con il primo dei valori maggiori

Quicksort esempio

Esempio array da ordinare :



Ordinati attraverso le chiamate ricorsive

```
/* struttura di quickSort (lo implementeremo in laboratorio */  
  
void quickSort(int* a, int from, int to)  
    int pivot; /* la posizione dell'array che farà da pivot */  
    int perno;  
    if ( from >= to ) return; /*caso base */  
    /* scelta a caso fra gli estremi */  
    pivot = random_choice(from,to);  
    /* separa gli elementi minori di a[pivot] da quelli maggiori  
       o uguali. perno è la posizione del pivot alla fine */  
    perno = distribuisci(a,LUNG);  
    /* ordinano ricorsivamente i minori e i maggiori */  
    quickSort(a,from, perno-1);  
    quickSort(a, perno + 1, to);  
} /* fine quickSort */
```